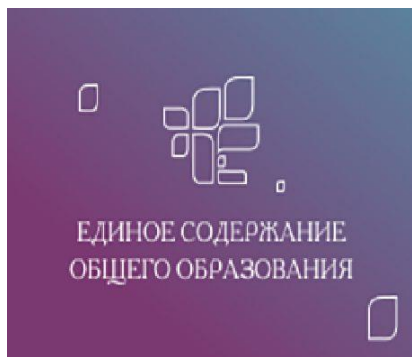




Приложение № 1 к ООП СОО
утверждено приказом по МБОУ СОШ №95
от 30.06.2025 г. № 116/2

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА
«Геометрия»
(углубленный уровень)
Предметная область
«Математика и информатика»
10-11 классы

I. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и

правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с

плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

II. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданское воспитание:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотическое воспитание:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственное воспитание:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетическое воспитание:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физическое воспитание:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудовое воспитание:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологическое воспитание:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему,

устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;

- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;

- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

III. ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ОТВОДИМЫХ НА ОСВОЕНИЕ КАЖДОЙ ТЕМЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА И ВОЗМОЖНОСТЬ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ПО ЭТОЙ ТЕМЕ ЭЛЕКТРОННЫХ (ЦИФРОВЫХ) ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ РЕСУРСОВ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
7	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3d8ffd32
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru

			http://fipi.ru https://www.yaklass.ru/p/geometria#program-10-klass
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
14	Метод следов для построения сечений	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73

17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3d8ffd32
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
23	<i>Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"</i>	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
24	Работа над ошибками. Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3d8ffd32
27	Параллельное проектирование. Основные свойства	1	https://urok.apkpro.ru/

	параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции		https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru https://www.yaklass.ru/p/geometria#program-10-klass
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
30	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99

	плоскости и следствия из неё		
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99

46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
53	Ортогональное проектирование	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
58	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru

			http://www.math.ru
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
63	Работа над ошибками. Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99

70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
72	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
76	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
79	Работа над ошибками. Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед,	1	Библиотека ЦОК

	куб		https://m.edsoo.ru/db685e73
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3d8ffd32
86	Работа над ошибками. Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
87	Сумма векторов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
88	Разность векторов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
89	Правило параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
90	Умножение вектора на число	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/b30dff38
92	Скалярное произведение	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3d8ffd32
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0cc5c4fe
94	Простейшие задачи с векторами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/239c8cb4
95	Простейшие задачи с векторами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/65c6b106
96	Простейшие задачи с векторами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/258fc245

97	Простейшие задачи с векторами	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1a2520f6
98	Обобщение и систематизация знаний	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/aecc77cd
99	Итоговая контрольная работа	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/2d8a9c99
100	Работа над ошибками. Обобщение и систематизация знаний	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/db685e73
101	Резерв	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a63959ed
102	Резерв	1	https://www.yaklass.ru/p/geometria#program-10-klass
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1	https://urok.apkpro.ru/ https://uchi.ru/ https://resh.edu.ru/ http://www.math.ru http://fipi.ru
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0341bc2b
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bed12a43
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bc15f7f2
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/6054b8c1
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/188f6216
7	Векторное произведение	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/016e25eb
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/c94ba09b
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/897dd3b2
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1468bab3
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0bde1be8

12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3cef10e5
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0b136158
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/26a03fb7
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5513d87b
16	Работа над ошибками Сечения многогранников: стандартные многогранники	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d189bde2
17	Сечения многогранников: метод следов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/810cf1eb
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4a33a8ab
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5caefc1b
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/23f4f089
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/dee379eb
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a28fd74e
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5a827900
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d3a1fe30
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/48db7058
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/725effc4
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для	1	Библиотека ЦОК

	площадей, соображения подобия		https://m.edsoo.ru/8efbe78e
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/77c22fc5
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1780ba5d
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/078cd184
31	Работа над ошибками. Объем тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7491efe0
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4dffda97
33	Стереометрические задачи, связанные с объемом прямоугольного параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/74b2ad91
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объема прямоугольного параллелепипеда	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/ec24dfc2
35	Объем прямой призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f465d10e
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объемов прямой призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0341bc2b
37	Прикладные задачи, связанные с объемом прямой призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bed12a43
38	Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла. Объем наклонной призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bc15f7f2
39	Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла. Объем пирамиды	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/6054b8c1
40	Формула объема пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/188f6216
41	Формула объема пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/016e25eb
42	Стереометрические задачи, связанные с объемами наклонной призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/c94ba09b
43	Стереометрические задачи, связанные с объемами	1	Библиотека ЦОК

	пирамиды		https://m.edsoo.ru/897dd3b2
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1468bab3
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0bde1be8
46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3cef10e5
47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0b136158
48	Работа над ошибками. Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/26a03fb7
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5513d87b
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d189bde2
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/810cf1eb
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4a33a8ab
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5caefc1b
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/23f4f089
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/dee379eb
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a28fd74e
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5a827900
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d3a1fe30
59	Сфера и шар	1	Библиотека ЦОК

			https://m.edsoo.ru/48db7058
60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/725effc4
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/8efbe78e
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/77c22fc5
63	Симметрия сферы и шара	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1780ba5d
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/078cd184
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7491efe0
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4dffa97
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/74b2ad91
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/ec24dfc2
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f465d10e
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0341bc2b
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bed12a43
72	Работа над ошибками. Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/bc15f7f2
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/6054b8c1
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1	Библиотека ЦОК

			https://m.edsoo.ru/188f6216
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/016e25eb
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/c94ba09b
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/897dd3b2
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1468bab3
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0bde1be8
80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/3cef10e5
81	Работа над ошибками. Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/0b136158
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/26a03fb7
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5513d87b
84	Геометрические задачи на применение движения	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d189bde2
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/810cf1eb
86	Работа над ошибками. Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4a33a8ab

87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5caefc1b
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/23f4f089
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/dee379eb
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/a28fd74e
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5a827900
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/d3a1fe30
93	Итоговая контрольная работа	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/48db7058
94	Итоговая контрольная работа	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/725effc4
95	Работа над ошибками. Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/8efbe78e
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/77c22fc5
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/1780ba5d
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/078cd184

	технологий		
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7491efe0
100	Резерв	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/4dffa97
101	Резерв	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/74b2ad91
102	Резерв	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/ec24dfc2
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	

IV. ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
7	Геометрия
7.1	Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость
7.2	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач
7.3	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей
7.4	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве
7.5	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла
7.6	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник
7.7	Распознавать основные виды многогранников (пирамида, призма, прямоугольный параллелепипед, куб)
7.8	Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники, правильные многогранники, прямые и наклонные призмы, параллелепипеды)
7.9	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников
7.10	Объяснять принципы построения сечений многогранников, используя метод следов
7.11	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу
7.12	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми
7.13	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью,

	между плоскостями, двугранных углов
7.14	Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул, вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников
7.15	Оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры
7.16	Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
7.17	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
7.18	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
7.19	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
7.20	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Геометрия
6.1	Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, цилиндр, коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус, сферическая поверхность
6.2	Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар)
6.3	Объяснять способы получения тел вращения
6.4	Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
6.5	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя, шаровой сектор
6.6	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения,

	геометрических тел с применением формул
6.7	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения
6.8	Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел
6.9	Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов
6.10	Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения
6.11	Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
6.12	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
6.13	Оперировать понятием: вектор в пространстве
6.14	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают
6.15	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов
6.16	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы
6.17	Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам
6.18	Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат
6.19	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода
6.20	Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач
6.21	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
6.22	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
6.23	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные

	ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин
--	---

V. ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
7	Геометрия
7.1	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них
7.2	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед, построение сечений
7.3	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах
7.4	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, грани и основания призмы, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды, боковая и полная поверхность пирамиды, правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника, правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр другие Сечения призмы и пирамиды
7.5	Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках
7.6	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и

	поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы
7.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Геометрия
6.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности
6.2	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота, основания и боковая поверхность
6.3	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр, площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере, площадь сферы
6.4	Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса
6.5	Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения
6.6	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы
6.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел
6.8	Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара
6.9	Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами
6.10	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач

VI. ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью

	рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений

5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы;

	оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств;

	умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

VII. ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные

	функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы